

Determinación del valor de "g" con un péndulo simple

**IES La Magdalena.
Avilés. Asturias**

El movimiento de un péndulo simple que oscila queda caracterizado por su periodo, o tiempo que tarda en dar una oscilación completa. Dicho periodo es independiente de la amplitud si esta no es muy grande y, en este caso, puede calcularse usando la siguiente ecuación:

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}}$$

Si tenemos valores experimentales de la longitud y el periodo correspondiente, podremos determinar el valor de "g". Un resumen de los resultados obtenidos experimentalmente se muestra en la tabla siguiente:

Longitud (m)	0,600	0,550	0,500	0,450	0,400	0,350	0,300	0,250	0,200	0,150
T (s)	1,549	1,490	1,417	1,346	1,263	1,190	1,091	1,011	0,888	0,780

1. MÉTODO GRÁFICO

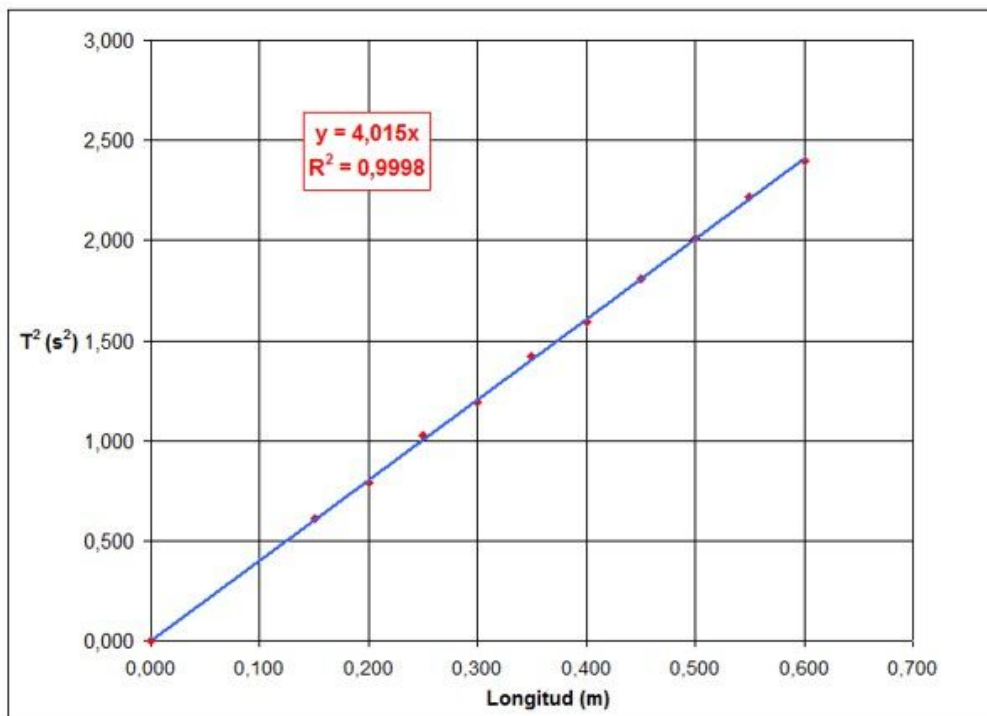
Operando con la ecuación que relaciona periodo y longitud del péndulo (válida para oscilaciones cuya amplitud no sea mayor de unos 20°) llegamos a la siguiente expresión:

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}}$$

$$T^2 = 4\pi^2 \frac{L}{g} = \left(\frac{4\pi^2}{g}\right) L$$

Si representamos T^2 frente a L obtendremos una recta de pendiente $\frac{4\pi^2}{g}$

La representación gráfica de los resultados experimentales se muestra en la imagen:



La ecuación de la recta obtenida se muestra en el recuadro rojo (R es un coeficiente que indica cómo la recta trazada se adapta a los puntos. Un valor igual a uno indica que la adaptación es total).

Adaptando la ecuación obtenida a la representación realizada, donde $y = T^2$ y $x = L$, tenemos : $T^2 = 4,015 L$, por tanto:

$$\frac{4\pi^2}{g} = 4,015$$

$$g = \frac{4\pi^2}{4,015} = 9,83 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

Avilés (Asturias), lugar donde se ha realizado la experiencia, se encuentra situado a una latitud de $43,5^\circ$ N. El valor de g para esta latitud (ver: <http://www.sc.ehu.es/sbweb/fisica/celeste/forma/forma.htm>) es **9,804 m/s²** . **Tomando 9,80 como valor verdadero** podemos estimar el error cometido:

$$E_a = V_{\text{med}} - V_{\text{verd}} = (9,83 - 9,80) \frac{\text{m}}{\text{s}^2} = 0,03 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

$$E_r = \frac{|E_a|}{V_{\text{verd}}} \cdot 100 = \frac{0,03 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}}{9,80 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}} \cdot 100 = 0,3 \%$$

Podríamos, por tanto, expresar el valor de g como:

$$g = 9,83 \pm 0,03 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

2. MÉTODO ANALÍTICO

Operando con la ecuación que relaciona periodo y longitud del péndulo (válida para oscilaciones cuya amplitud no sea mayor de unos 20°), llegamos a la siguiente expresión:

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}}$$

$$g = 4\pi^2 \frac{L}{T^2}$$

Calculando "g" para cada uno de los pares de valores de L y T, obtenemos:

Longitud (m)	0,600	0,550	0,500	0,450	0,400	0,350	0,300	0,250	0,200	0,150
T (s)	1,549	1,490	1,417	1,346	1,263	1,190	1,091	1,011	0,888	0,780
g (m/s ²)	9,87	9,78	9,83	9,81	9,90	9,76	9,95	9,66	10,01	9,73

La media de los valores obtenidos es: **g = 9,83 m/s²**

Para calcular el error cometido podemos operar de dos maneras:

1. **Calculamos el error (absoluto y relativo) máximo cometido.** Para las medidas realizadas la que más se aleja de la media es 10,01 m/s². Luego:

$$E_a = V_{\text{med}} - V_{\text{verd}} = (10,01 - 9,83) \frac{\text{m}}{\text{s}^2} = 0,18 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

$$E_r = \frac{|E_a|}{V_{\text{verd}}} \cdot 100 = \frac{0,18 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}}{9,83 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}} \cdot 100 = 1,8\%$$

Por tanto podemos expresar la medida en la forma (ver <http://bit.ly/1Ch4fsU>) :

$$g = 9,8 \pm 0,2 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

2. **Calculamos la incertidumbre de la media según:**

$$\sigma_m = \sqrt{\frac{\sum (x_i - \bar{x})^2}{n(n-1)}} \quad x_i = \text{medida } i; \bar{x} = \text{media}; n = \text{número de datos}$$

Para este caso:

$$\sigma = 0,033 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \quad \text{Luego: } g = 9,83 \pm 0,03 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$